

理論物理学特論 aka 群論 演習 I

樋口さぶろお¹ 配布: 2005/04/25 Mon 更新: Time-stamp: "2005/04/24 Sun 16:57 hig"

2 群であることの証明の手口 の略解

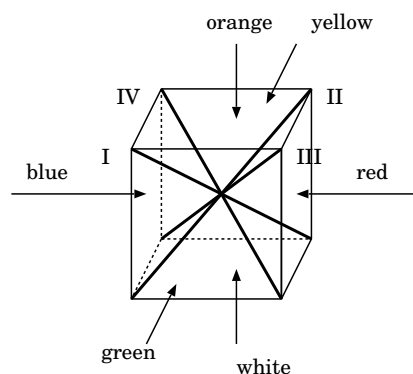
1. 群でない. 実対称行列どうしの積は実対称行列とは限らないので (<0)2 項演算であることが成立しない. また, 実対称行列である零行列には逆元がないので (<3) 逆元の存在が成立しないことからいってもよい.
2. (<0) 実対称行列 S, T の和 $S + T$ はまた実対称行列なので, 加法は 2 項演算になっている.
(<1) 行列の加法に対して, $(S + T) + U = S + (T + U)$ は成立し, 結合的である.
(<2) 実対称行列である零行列 O は, 任意の実対称行列 S に対し $S + O = O + S = S$ を満たすので, 単位元である.
(<3) 任意の実対称行列 S に対して, $-S$ は, $S + (-S) = (-S) + S = O$ を満たすので, S の逆元である.

3 対称群と正 6 面体群

1. 4 次対称群 S_4 の次の計算をしよう.

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}^{-1}$$

2. 下の正 6 面体を, $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix} \in S_4$ に対応する回転でそれぞれ写した結果を描こう.



科目のページ + リクエスト / 質問 / 苦情用掲示板



<http://hig3.net>